No. 161 April.1 2022

触媒懇談会ニュース

触媒学会シニア懇談会

1. 化学反応とは

ルモックス技研 志賀昭信

すべての物質は分子でできています.分子 は原子が結合したものです.人間は長い歴史 の間に分子は原子でできていることを明ら かにしてきました.分子を構成する原子の元 素記号で表示したものが化学式です.

分子と分子の互いの構成原子間の結合を組 み換えると,新しい分子ができます.この分 子と分子の互いの結合の組み換えを化学反 応といいます.

私たちは化学反応を使って有用な物質(分子)を作ってきました.

例えばエチルアルコールと酢酸が反応(化学 反応)すると酢酸エチルができます.化学式 で書くと(1)式です.

 $C_2H_5OH + CH_3COOH \rightarrow CH_3COOC_2H_5 + H_2O(1)$ 

化学反応を起こす結合を強調して(1)式を書き直すと(1')式となります.

 $C_{2}H_{5}O-H + CH_{3}CO-OH \rightarrow CH_{3}CO-OC_{2}H_{5} + H-OH(1')$ 

分子の構成原子間の結合とは何でしょう か? それは原子間の電子の相互作用ででき る分子軌道です. すなわち,分子の構成原子 は互いの原子間の電子の相互作用(分子軌 道)で結合しているのです.

ところで,分子の結合を棒で表すことをだれ が始めたのでしょう. エタンの C-C 結合を 一本の棒で,エチレンのそれは二本の棒で, アセチレンのそれは三本の棒で表わします. それぞれの結合の特徴が簡明に表現されて います.我々は簡便さのゆえに原子同士を無 意識に棒で繋いで分子を描いていますが,そ もそも分子は原子間で電子が相互作用し分 子軌道を作ることでできるのですから,一本 の棒には分子をつくる電子のふるまいがこ もっていると言えるでしょう.結合を作る 電子のふるまいを観察できれば我々の化学 の理解がさらに深まるでしょう.

一つ問題があります.分子軌道は分子全体に 拡がっているので分子軌道を求めても分 子の特定の原子間の結合を表現する軌道は ありません.分子軌道を変換して原子間の結 合に変換する必要があります.

藤本は分子軌道を分子の結合に変換する方 法を"相互作用軌道対(PIO)"法として発 表しています.<sup>(1)</sup>この方法を使うと分子の 構成原子間の結合を電子のふるまいとして 観察することができます.

# 分子軌道による化学反応機構の記述(PIO による反応機構の記述)

化学反応の過程を想像してみます.その過 程は「反応物の反応点が互いに接近しながら 登坂を上り,峠を越えて,今度は次第に下り 坂を下って生成物になる」と例えることがで きます.この化学反応の過程を化学反応経路 といいます.

ポイントは反応物の接近の仕方で,反応物の 反応点が互いにその位置と姿勢を結合が生 成しやすいよう次第に変えてゆく点にあり, そのために,ほとんどの化学反応では触媒が 用いられます.

反応点の位置と姿勢の変化につれて分子軌 道の相互作用が始まります,反応に与る結合 は弛み,結合に局在化していた電子(束縛さ れていた電子)は結合から開放されて反応領 域へ非局在化(拡がり)し始めます.この間, 系は不安定になり,系のエネルギーは次第に 高くなります.非局在化する電子の量は次第 に増加し,それに伴って系のエネルギーも高 くなり,峠(遷移状態)で非局在化電子量が 最大に,系のエネルギーも最高になります. 峠(遷移状態)を越えると電子は再び新しい 結合生成部位へと局在化し,生成物へと形を 変えるにつれてエネルギーが低下,生成物に 至って反応が終了します.したがって,分子 の変形に伴う系のエネルギーのより少ない 上昇で,反応領域への電子のより多い非局在 化を達成することで反応はより容易になる と予測できるでしょう.

ここで触媒の効果の例を見ておきましょう. アルドール縮合の第一段階であるα-メチル プロトンの引抜き反応に対するOH アニオ ン

触媒を例にとります.

触媒なしの場合を(2)式に,触媒ありの場合を(2) 式に示します.

 $\begin{array}{l} CH_{3}CHO \rightarrow {}^{-}CH_{2}CHO + H^{+} + 335 kcal/mol~(2) \\ CH_{3}CHO + OH^{-} \rightarrow {}^{-}CH_{2}CHO + HOH + 2.4 kcal/mol~(2') \end{array}$ 

触媒の存在で引抜き反応のエネルギーが非 常に小さくなることが分かります.

以上述べたように,分子軌道を使って化学反応(分子の結合の組み換え)機構を理解する ことは化学の基礎となる大切な事項です.

### 化学反応のエネルギーダイアグラム

反応経路に沿った系のエネルギー変化を 記述したものがエネルギーダイアグラムで す.

コンピュータと分子軌道法の発達で反応の エネルギーダイアグラムを描くことが非常 に容易になりました.多くの触媒反応の活性 化エネルギーが求められおり,反応速度を予 測することが容易になりました. 活性化エネルギーさえ分ればそれで十分.基

礎になっている軌道の相互作用は知らなく ともよい,これも一理あるかもしれません. しかし化学反応のおおもとを省略してしま っては化学自体に対する興味も失うことに つながるのではないでしょうか.

化学反応の機構を記述する方法として現在

広く用いられているのが,巻矢印∖を用いて 電子の移動を表現する有機電子論に基づく 方法です.便利な方法ですが,経験を要し, 反応に要するエネルギーも分かりません.分 子軌道に基づく反応機構の記述方法が望ま れます.

#### PIO による反応機構の記述

ところが,分子軌道に基づく反応機構の記述がなかなか広まりません.そのわけは分子 全体に拡がっている分子軌道を反応に与る 軌道に変換するよい方法が分からなかった からでしょう.反応は分子の反応点間の電子 の授受ですからそれに与る電子の軌道がで きている筈です.藤本らは分子が反応に際し て電子の授受を行う軌道を相互に生み出す ことを明らかにし,反応軌道と名付けて,

"Paired Interacting Orbitals"(PIO)を用いる反応の解析法を提唱しました.<sup>(1)</sup>

 H. Fujimoto, T. Yamasaki, H. Mizutani and N. Koga: J. Am. Chem. Soc. 107, 6157 (1985)
 反応経路に沿って反応軌道を見てゆくこと
 で反応に伴う電子の拡がり(非局在化)の様 子を視覚的に観察することができます.

#### 2. 化学反応のPIO による描画, 各論

いろいろな化学反応のPIO を見てゆきま しょう. PIO の計算方法はAPPENDIX に示 しました.

#### 1 アセトアルデヒドのアルドール反応

アルドール反応はα位に水素をもつアルデ ヒドまたはケトンと反応してβ-ヒドロキシ カルボニル化合物が生成する反応で,アセト アルデヒド同士の反応では1,4-ヒドロキシ ブタナールが生成します.反応は酸,あるい は塩基触媒の存在下,エノール中間体を生成 する第一段階と,そのエノールがアセトアル デヒドに求核付加して1,4-ヒドロキシブタ ナールが生成する第二段階とからなってい ます.

塩基触媒の場合の反応式を(3)式と(4)式 に示します.

 $CH_3CHO + ^{-}OH \rightarrow CH_2CHO^{-} + H_2O$  (3)

 $\begin{array}{l} \label{eq:chocher} \mbox{CH}_2\mbox{CHO} + \mbox{CH}_3\mbox{CHO} + \mbox{H}_2\mbox{OHO} + \mbox{H}_2\mbox{OHO} + \mbox{OHO} + \m$ 

1.1 有機電子論による反応機構

アセトアルデヒドのアルドール反応機構 を有機電子論による巻矢印入で記述すると (3)式,

(4)式が以下のようになります.(3)式



(4)式



### **1.2 PIO** による反応機構

PIO を用いてアセトアルデヒドのアルド ール反応機構 ((3)式と(4)式) を記述します.

#### 1.2.1 エノラートイオンの生成経路

1) 反応物[CH<sub>3</sub>CHO]と触媒[-OH]の初期状態: state 1

 $CH_{3}CHO - [OH] \mathcal{O}R: C - OH = 5.0 \text{\AA} \angle COH$  $= 144.8^{\circ} R: C - H = 1.1 \text{\AA}$ 

 $\angle$ CCO = 80°として初期状態としました.初 期状態の構造, 全エネルギー,およびPIO を Fig. 1 に示しました. CH<sub>3</sub>CHO と-OH の反 応軌道はCH<sub>3</sub>CHO と-OH のそれぞれに局 在しており,両者間への非局在化は認められ ません. 全エネルギーは -224.996270a.u. で す.



Total Energy = -224.996270a.u.

Fig. 1 初期状態の構造, 全エネルギー, およ びPIO

2) [CH<sub>3</sub>CHO]と[-OH]の中間状態-1: state 2 CH<sub>3</sub>CHO – [OH]のR: C – OH = 3.0Å ∠COH = 144.8° R: C – H = 1.1Å ∠CCO = 75°,初期状態の C – OH = 5.0Åを 3.0Å,∠CCO = 80°を75°として [-OH]を[CH<sub>3</sub>CHO]に近づけ,中間状態-1 と しました.中間状態-1 の構造,全エネル ギー,およびPIO をFig. 2 に示しました. OH のO とCH3CHO のC との間に赤色(同 色)の反応軌道の重なりが認められ,両者間 に引力の働いていることが分かります.全エ ネルギーは -225.005673a.u. で系はわずかに 安定化しています.



Total Energy = -225.005673a.u.

Fig. 2 中間状態-1 の構造, 全エネルギー, およびPIO

3) [CH<sub>3</sub>CHO]と[-OH]の中間状態2:state 3 中間状態-1 のR: C – OH = 2.7Åを2.5Å, ∠ CCO = 75°を70°, R: C – H = 1.5Å

として中間状態2としました. [-OH]を [CH<sub>3</sub>CHO]に近づけ, CH<sub>3</sub>CHO のCH<sub>3</sub>のCH を少し伸ばしました. ∠COH = 144.8°は中間 状態-1 と同じです. 中間状態-2の構造, 全 エネルギー,およびPIO をFig.3 に示しまし た. OH のO とCH<sub>3</sub>CHO の二つのC との間 に赤色(同色)の反応軌道の重なりが増加し、 OH とCH3CHO との間の引力が大きくなっ ていることが分かります.また,CH<sub>3</sub>のHと OHのOとの間にも青色(同色)の反応軌道 が拡がっておりH とO の間の引力も大きく なっていることが分かります. さらに, CH3 のCとH との間の反応軌道は赤色と青色(異 色同士)で、CとHの間に斥力の働いている ことが分かります. 全エネルギーは -224.943598a.u. で系は不安定化しています.



Total Energy = -224.943598a.u.



### 4) [CH<sub>3</sub>CHO]と[-OH]の中間状態 3: state 4

中間状態-2のR: C-H=1.5Åを2.4Åとして、 CH<sub>3</sub>のC-H を大きく伸ばし中間状態-3と しました. R: C – OH = 2.7Å ∠COH = 144.8° ∠CCO = 70°は中間状態-2と同じです.中間 状態-3の構造,全エネルギー,およびPIO をFig.4 に示しました. OHのOとCH<sub>3</sub>CHOの 二つのC との間に赤色(同色)の反応軌道 の重なりが減少し、OH とCH<sub>3</sub>CHOとの間の 引力が小さくなっています.一方, CH<sub>3</sub>のH とOHのOとの間の青色(同色)の反応軌道の 重なりは大きくなっており、HとOの間の引 力は大きくなっています. さらに, CH<sub>3</sub>のC とHとの間の赤色と青色(異色同士)の反応 軌道の相互作用は大きくなっており、CとH との間の斥力は大きくなっています. 全エネ ルギーは-24.779203a.u.と系はさらに不安定 化しています.



Total Energy = -224.779203a.u.



5) [CH<sub>3</sub>CHO]と[<sup>-</sup>OH]の中間状態-4: state 5 中間状態 3 の[CH<sub>3</sub>CHO]のCH<sub>3</sub>C の $\angle$ CCH = 99°として, CH<sub>3</sub>のHを[-OH]のOに近づけ中間 状態-4としました.他のパラメータは中間 状態 3 と同じです.中間状態-4の全エネル ギーとPIO をFig. 5 に示しました.CH<sub>3</sub>のH とOHのOの間の反応軌道は青色(同色)でほ ぼ水のそれに近いことが分かります.さらに, OHのOとCH<sub>3</sub>CHO の二つのCとの間の反応 軌道は青色と赤色(異色同士)で,OHと CH<sub>3</sub>CHO との間は斥力に変わっています. 全エネルギーは -225.019014a.u. と系は大き く安定化していますが,これはほぼ水に近い 分子と-CH<sub>2</sub>CHO との生成によるものと思 われます.



Total Energy = -225.019014a.u.

Fig. 5 中間状態-3 の構造, 全エネルギー, およびPIO

6) [CH<sub>3</sub>CHO]と[-OH]の生成状態: state 6 中間状態-4の構造最適化を行ったところ, 反応物[CH<sub>3</sub>CHO]と触媒[-OH]の生成状態が 得られました. その構造, 全エネルギー, お よびPIO をFig.6 に示しました.生成状態の 反応軌道は中間状態-3のそれとほとんど同 じです. すなわち, CH<sub>3</sub>のHとOHのOの間 の反応軌道は青色(同色)でほぼ水のそれに 近いことが分かります. さらに, OHのOと CH<sub>3</sub>CHOの二つのCとの間の反応軌道は青色 と赤色(異色同士)で, OH とCH<sub>3</sub>CHO と の間は斥力です. 全エネルギーは -225.022438a.u. と中間状態 3 の -225.019014a.u.とほとんど同じで、水分子と -CH<sub>2</sub>CHO (エノラートイオン) が生成して います.



Fig. 6 [CH<sub>3</sub>CHO]と[-OH]の生成状態の構造, 全エネルギー,およびPIO

# 1.2.2 アセトアルデヒドとエノラートイオン の反応:

- 1,4-ヒドロキシブタナールの生成経路
- 7) [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の初期状態: state 7
- アセトアルデヒドのCHO 基のC とエノラ
- ートイオンの-CH2 基のCとの距離:
- R1=5.0 Å, アセトアルデヒドのCHO 基のC とH<sub>2</sub>O のO との距離: R2=6.3Å, エノラ

ートイオンの-CH<sub>2</sub>基のCとH<sub>2</sub>OのOとの距離: R3=3.4Åとして7)の初期状態としました. 7)の初期状態の構造,全エネルギー,および PIO をFig.7 に示しました.アセトアルデヒ ドと,エノラートイオンおよびH<sub>2</sub>O の反応 軌道はそれぞれに局在しており,三者間へ の非局在化は認められません.全エネルギー は -375.966401a.u. です.



Fig. 7 初期状態の構造, 全エネルギー, およ びPIO

# 8) [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の中間状態-1: state 8

H<sub>2</sub>O とエノラートイオン間の距離は変えず にアセトアルデヒドとエノラートイオン の距離を近づけて (R1 = 3.0 Å, R2 = 4.7Å), [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の中間状態-1 としました.中間状態-1の構造,全エネル ギー,およびPIO をFig.8 に示しました.ア セトアルデヒドのCHO 基のC とエノラー トイオンの二つのC との間に赤色(同色) の反応軌道の重なりが認められ,両者間に引 力の働いていることが分かります.H<sub>2</sub>O と, アセトアルデヒドおよびエノラートイオン との間に反応軌道はありません.全エネルギ ーは -375.971602a.u. で,系はわずかに安定 化しています.



Fig. 8 中間状態-1の構造, 全エネルギー, およびPIO

9) [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の中間状態-2: state 9

アセトアルデヒドとエノラートイオンの距

離をさらに近づけて (R1=2.7Å, R2= 4.5Å),中間状態-2としました.中間状態-2の構造,全エネルギー,およびPIO をFig. 9 に示しました.アセトアルデヒドのCHO 基のC とエノラートイオンの二つのC との 間の赤色(同色)の反応軌道の重なりが大き くなり,両者間の引力が大きくなっています. 全エネルギーは -375.973488a.u. で,系はま たわずかに安定化しています.



Fig. 9 中間状態-2の構造, 全エネルギー, およびPIO

10) [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の中間状態 - 3: state 10

アセトアルデヒドとエノラートイオンの距離をまたさらに近づけて(R1=2.4Å, R2 = 4.3Å),中間状態-3としました.中間状態-3の構造,全エネルギー,およびPIOをFig. 10に示しました.アセトアルデヒドのCHO基のCとエノラートイオンの二つのCとの間の赤色(同色)の反応軌道の重なりがさらに大きくなっています.全エネルギーは-375.972428a.u.で,系はわずかに不安定化しています.これはアセトアルデヒドのC-C-Oの反応軌道(青色)のアセトアルデヒドの

CHO 基のCとエノラートイオンの二つのC との間の反応領域への拡がりが中間状態 2 のそれよりもさらに大きくなり,青色と赤色 (異色)の相互作用による斥力が生じ中間状 態 2 のそれよりも大きくなったことに因り ます.



Fig. 10 中間状態-3の構造,全エネルギー, およびPIO

11) [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の生成状態: state 11

中間状態-3の構造最適化を行ったところ, [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]の生成状態が 得られました. その構造, 全エネルギー, お よびPIO をFig.11 に示しました. アセトア ルデヒドのCHO のC とエノラートイオン のCH2 のCとの間にC C結合が生じています. PIO を見るとCH<sub>3</sub>CHO のOとH<sub>2</sub>OのHとの 間に赤色(同色)の反応軌道の大きな重なり が認められ, H<sub>2</sub>O が[CH<sub>3</sub>CHOCH<sub>2</sub>CHO]アニ オンのCH<sub>3</sub>CHO のO(2-オキシ) に配位して いることが分かります.またこれに伴いH とOH との間の反応軌道は赤色と青色(異 色)の相互作用となっており, H とOH が 解離状態にあることが分かります. これ は中間状態 3においてH2OのHがCH3CHO の0に近づいているためです. 全エネルギー は -376.149861a.u. と[CH<sub>3</sub>CHOCH<sub>2</sub>CHO]ア ニオンの生成とそれに対するH2Oの配位で、 系は大きく安定化しています.



Total Energy = -376.149861a.u. Fig. 11 [CH<sub>3</sub>CHO], [-CH<sub>2</sub>CHO], [H<sub>2</sub>O]生成状 態の構造,全エネルギー,およびPIO

12) 2-ヒドロキシブタナール, [HOH]の最終 生成状態: state 12

[(CH<sub>3</sub>CHO), (-CH<sub>2</sub>CHO), (H<sub>2</sub>O)] 生成状態 =[(CH<sub>3</sub>CH(OH)CH<sub>2</sub>CHO), (-OH)]の(-OH)を +Hで中和し, (O<sup>-</sup>+H 間距離:  $\mathbf{R} = 1.0$ Å)と して構造最適化を行なったところ2-ヒドロ キシブタナール, [HOH]の最終生成状態が得 られました.その構造,全エネルギー,およ びPIOをFig. 12に示しました.2-ヒドロキ シブタナールのOH 基のH とH<sub>2</sub>OのOとの 間の距離は1.715Åで,両者間には赤色(同色) の反応軌道が拡がっています.全エネルギー は -376.912608a.u.と2-ヒドロキシブタナー ルの生成とそれに対するH<sub>2</sub>Oの配位で,系は 大きく安定化しています.



Fig. 12 最終生成状態の構造, 全エネルギー, およびPIO

1.3 素反応のネットワークから成る化学反応機構

以上に述べたアルドール反応の反応機構は 二つの反応(素反応)のネットワークででき ています.素反応の出発状態(反応物)から 遷移状態を経て最終状態(生成物)に至る経 路を反応経路と云います.その概念図をいか に示しました。



遷移状態のエネルギーと出発状態のエネル ギーとの差が反応の活性化エネルギーで, 活性化エネルギーを知れば,反応速度を予測 することができます.化学反応が進行するに は

i) 生成状態が出発状態に比べて安定, すな わち, 生成物のエネルギーが反応物のエネル ギーに比べて負であること, ii) 活性化エネ ルギーが小さい(大きすぎない)ことの二つ の条件が必要です.水素と酸素が通常の条件 では反応しないのは活性化エネルギーが非 常に大きく反応の障壁を超えるのが困難だ からです.そこで自金ブラックのような触媒 を用いると反応障壁(活性化エネルギー)が 大きく低下して室温でも激しく反応して水 を生成します.

このように反応を容易に進行させるために 触媒が不可欠です.

Fig. 13(a)にエノラートイオンの生成経路上 のCH<sub>3</sub>CHO と-OH の配置とPIO を, Fig. 13(b)にアセトアルデヒドとエノラートイオ ンの反応経路上のCH<sub>3</sub>CHO, エノラートイオ ンとH<sub>2</sub>O の配置とPIO を示しました. Fig. 13(a)ではCH<sub>3</sub>CHO のエネルギーを加えて全 反応経路の全エネルギーの整合性を取って あります.

Fig. 13(a)で見られるように, CH<sub>3</sub>CHOと-OH はstate 1 からstate 2 への軽い吸着状態(物 理吸着)を経て, アセトアルデヒドのCH<sub>3</sub> の

H が少し解離したstate 3 からH の大き く解離したstate 4 を経て,ほぼエノラート イオンの生成状態のstate 5 から生成状態の state6  $\sim$ 至る $\angle$ E がS 字を描く反応経路を 得ることができました.遷移状態はstate 3 とstate 4の間にあると推定できます.



Fig. 13(a) CH<sub>3</sub>CHO と-OH の配置とPIO

Fig. 13(b)ではCH<sub>3</sub>CHO とエノラートイオン がstate 7から軽い吸着状態のstate 8, state 9 の後, state 10 からstate 11 のH<sub>2</sub>O の 配位した2-オキシブタナールイオンへ至る  $\angle$ E が非常に浅いS 字を描く反応経路を得 ることができました. 遷移状態はstate 10 と state 11 の間にあると推定できます. さらに state 11 にH<sup>+</sup>を付加して構造最適化を行い, 最終生成物の水の配位した2-ヒドロキシブ タナールを得ることができました.この最終 段階のH<sup>+</sup>による中和反応は反応障壁無しで 進行します.

Fig. 13(a)と Fig. 13(b)を通してアルドール反応機構(全反応経路図)をFig. 14 に示します.



Fig. 13(b) CH<sub>3</sub>CHO, エノラートイオンとH<sub>2</sub>O の配置とPIO

化学反応機構は素反応のネットワークで構 築されています.以上に述べたように、各 素反応をポテンシャルエネルギー曲面上で の反応経路ネットワークとして表現するこ とで反応にあずかる分子の変形を観察する ことができ、その分子の変形のPIOを描く ことで分子の振舞いを電子の軌道の相互作 用として理解できることがお分かりいただ けたと思います.

今後の予定

今後,以下の代表的な化学反応について反応 機構をPIO で表現していきます.

ハロアルカンの求核置換反応 (SN-2 反応), アルケンへの求電子的付加反応 (マルコウニ コフ則), クライゼン反応, 芳香族求電子置 換反応, アルケンへの求電子的付加反応 (酸 触媒によるプロピレンの水和),酸触媒によ るエステル交換反応, Robinson 環化反応, 等々.

#### APPENDIX

1) PIO の計算手順

PIO の計算手順

i) モデル(合体系[C])をFragment [A]と

C、A 及びB の分子軌道を求める.



ii) C の分子軌道の被占軌道部分をA 及びB の分子軌道(被占軌道群と空軌道群)を用いて展開する.

$$\Phi_{f} = \sum_{i=1}^{m} c_{i,j} \phi_{i} + \sum_{j=1}^{M-m} c_{m+j,j} \phi_{m+j} + \sum_{k=1}^{n} d_{k,j} \psi_{k} + \sum_{l=1}^{N-n} d_{n+l,j} \psi_{n+l},$$
  
$$f = 1, 2, \dots, m+n,$$

iii)

$$\sum_{i=1}^{m} c_{i,f}, \sum_{j=1}^{M-m} c_{m+j,f}, \sum_{k=1}^{n} d_{k,f}, \sum_{l=1}^{N-n} d_{n+l,f},$$
, , , を使って相互作用表現行列: P を  
つくる.

$$P_{i,k} = n_{i,u} \sum_{f=1}^{m+n} c_{i,j} d_{k,f} \qquad i=1-m, k=1-n$$

$$p_{i,n+1} = n_{i,u} \sum_{f=1}^{m+n} c_{i,j} d_{n+1,f} \qquad i=1-m, l=1-N-n$$

$$P_{i,n+1} = n_{i,u} \sum_{f=1}^{m+n} c_{m+j,j} d_{k,f} \qquad j=1-M-m, k=1-n$$

$$p_{m+j,k} = n_{i,u} \sum_{f=1}^{m+n} c_{m+j,j} d_{k,f} \qquad j=1-M-m, k=1-n$$

$$p_{m+j,n+1} = n_{i,u} \sum_{f=1}^{m+n} c_{m+j,j} d_{n+1,f} \qquad j=1-M-m, l=1-N-n$$

iv) 変換行列U<sub>A</sub> (for A), U<sub>B</sub> (for B) とN 個の固有値 v を求め, PIO を求める.

$$\phi'_{\nu} = \sum_{r}^{N} U^{A}_{r,\nu} \phi_{r}$$
(for A)
$$\psi'_{\nu} = \sum_{r}^{N} U^{B}_{s,\nu} \psi_{s}$$

S

これで合体系のN×M(N≦M) 個の軌道相互 作用がN 組の相互作用軌道対に変換される. 2) Winmoster 上でのPIO 計算 i) 合体系[C]をモデリングする. ii) 画面上で[C]をFragment[A]とFragment[B] に分割する. iii) 画面上部にあるQM ボタン→PIO ボタ ンをクリック. iv) PIO 操作小窓のSet→Save をクリック, multiplicity はいずれも1 のままで[A]と[B]  $\mathcal{O}$ charge の計を[C]のそれと一致させる. v) 小窓のGauss ボタンをクリック. vi) 小窓のPIO ボタンをクリック. vii) 小窓のMO ボタンをクリック, Gaussian MO Plot の小窓が出る. viii) Gaussian MO Plot の小窓の 3D をクリ ックするとPIO 画面が表示される.